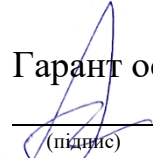


Міністерство освіти і науки України
Національний аерокосмічний університет ім. М. Є. Жуковського
«Харківський авіаційний інститут»

Кафедра комп'ютерних систем, мереж і кібербезпеки (№ 503)

ЗАТВЕРДЖУЮ

Гарант освітньої програми

 А.В. Шостак
(підпис) (ініціали та прізвище)

« 30 » серпня 2024 р

**РОБОЧА ПРОГРАМА ОБОВ'ЯЗКОВОЇ
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

Дискретна математика

(назва навчальної дисципліни)

Галузь знань:

12 «Інформаційні технології»

(шифр і найменування галузі знань)

Спеціальність:

123 «Комп'ютерна інженерія»

(код та найменування спеціальності)

Освітня програма:

«Системне програмування»

(найменування спеціалізації)

Форма навчання: денна

Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)

Харків 2024

Розробник: Холодна З. Б., старший викладач

(прізвище та ініціали, посада, науковий ступінь та вчене звання)

(підпис)

Робочу програму розглянуто на засіданні кафедри _____

комп'ютерних систем, мереж і кібербезпеки

(назва кафедри)

Протокол № 1 від « 30 » 08 2024 р.

Завідувач кафедри Д.Т.Н., професор

(науковий ступінь та вчене звання)

(підпис)

В. С. Харченко

(ініціали та прізвище)

1 Опис навчальної дисципліни

Найменування показників	Галузь знань, спеціальність, спеціалізація, рівень вищої освіти	Характеристика навчальної дисципліни (денна форма навчання)
Кількість кредитів – 4	Галузь знань: <u>12 «Інформаційні технології»</u> (шифр та найменування) Спеціальність: <u>123 «Комп’ютерна інженерія»</u> (код та найменування) Освітні програми: <u>«Системне програмування»</u> (найменування) Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)	обов’язкова
Модулів – 2		Навчальний рік 2024/2025
Змістових модулів – 3		
Індивідуальне завдання: розрахункова робота		Семестр
Загальна кількість годин – 64 ¹⁾ /120		2-й
Тижневих годин для денної форми навчання: аудиторних – 4 самостійної роботи студента – 3,5		Лекції ¹⁾
		32 годин
		Практичні ¹⁾
		32 годин
		Лабораторні ¹⁾
	0 годин	
	Самостійна робота	
	56 години	
	Вид контролю	
	Іспит	

Співвідношення кількості годин аудиторних занять до самостійної роботи становить:
для денної форми навчання – 64/56.

¹⁾Аудиторне навантаження може бути зменшене або збільшене на одну годину в залежності від розкладу занять.

2 Мета та завдання навчальної дисципліни

Мета вивчення: оволодіння методами рішення задач комбінаторики, алгоритмами оптимізації на графах, методами мінімізації станів кінцевого і часткового автоматів; знайомство з математичними моделями дискретних асинхронних систем, з теоретичними основами кодування інформації.

Завдання:

- вміти розв'язувати завдання з комбінаторики;
- вміти застосовувати на практиці алгоритми оптимізації для задач теорії графів;
- вміти мінімізувати кількість станів кінцевого та часткового автоматів;
- вміти побудувати граф розміток для даної мережі Петрі;
- вміти кодувати та декодувати інформацію за допомогою алгоритмів компресії.

Компетентності, які набуваються:

ЗК1. Здатність до абстрактного мислення, аналізу і синтезу.

ФК11. Здатність оформляти отримані робочі результати у вигляді презентацій, науково-технічних звітів.

ФК12. Здатність ідентифікувати, класифікувати та описувати роботу програмно-технічних засобів, комп'ютерних та кіберфізичних систем, мереж та їхніх компонентів шляхом використання аналітичних методів і методів моделювання.

ФК15. Здатність аргументувати вибір методів розв'язування спеціалізованих задач, критично оцінювати отримані результати, обґрунтовувати та захищати прийняті рішення.

Очікувані результати навчання:

ПРН1. Знати і розуміти наукові положення, що лежать в основі функціонування комп'ютерних засобів, систем та мереж.

ПРН2. Мати навички проведення експериментів, збирання даних та моделювання в комп'ютерних системах.

ПРН7. Вміти розв'язувати задачі аналізу та синтезу засобів, характерних для спеціальності.

ПРН8. Вміти системно мислити та застосовувати творчі здібності до формування нових ідей.

Пререквізити - дисципліна є обов'язковим компонентом освітньої програми і базується на деяких поняттях шкільної математики.

Кореквізити - «Теорія інформації і кодування», «Архітектура комп'ютерів і квантових процесорів», «Бази і сховища даних», «Операційні системи», «Моделі та структури даних», «Надійність та відмовостійкість комп'ютерних систем», «Комп'ютерна електроніка і схемотехніка», «Технології програмування», «Програмування систем на кристалі».

3 Програма навчальної дисципліни

Модуль 1

Змістовий модуль 1. Поняття комбінаторних задач. Основні правила і формули комбінаторики. Твірні функції. Принцип включення виключення. Основні визначення теорії графів; дерево графа, кліка графа; Алгоритми оптимізації на графах.

ТЕМА 1. Комбінаторика.

1. Поняття комбінаторних задач. Основні правила і формули комбінаторики. Твірні функції. 2. Принцип включення виключення.

ТЕМА 2. Теорія графів

1. Основні визначення: вершини, ребра, дуги, інцидентність, суміжність, зв'язність, способи завдання графа, циклічність, зваженість, ступінь, повнота, дводольна, ізоморфізм, гомеоморфізм, частини графа, кліка графа, планарність
2. Дерева, способи завдання дерева (алгоритм побудови символу дерева, алгоритм відновлення дерева з його символу). Дерево графа, алгоритм породження повних підграфів (знаходження клік графа).

ТЕМА 3. Алгоритми оптимізації на графах

1. Алгоритм пошуку в глибину для топологічного сортування.
2. Алгоритми знаходження мінімального остового дерева графа (алгоритм Краскала та алгоритм Прима).
3. Знаходження найкоротшої відстані від заданої вершини у всі досяжні вершини даного графа (алгоритм Дейкстри).
4. Знаходження найкоротшої відстані від заданої вершини в задану (метод гілок і меж). Критерії відсікання.
5. Знаходження максимального потоку в мережі (алгоритм позначок Форда і Фалкерсона).
6. Задача про максимальне паро сполучення в графі загального вигляду.

Змістовний модуль 2. Поняття абстрактного автомата. Умови автоматності. Мінімізація станів повних автоматів. Часткові автомати. Мінімізація часткових автоматів (знаходження покриваючого автомата). Математичні моделі дискретних асинхронних систем

ТЕМА 4. Введення в теорію кінцевих автоматів

1. Поняття абстрактного автомата. Поняття стану автоматів, вхідного і вихідного слів. Способи завдання автоматів. Умови автоматності.
2. Автомати Милі і Мура.
3. Поняття k-еквівалентності. Мінімізація станів повних автоматів.
4. Часткові автомати. Мінімізація часткових автоматів (знаходження покриваючого автомата).
5. Композиція і декомпозиція автоматів. Послідовні і паралельні автомати.

ТЕМА 5. Математичні моделі дискретних асинхронних систем

1. Математичні моделі дискретних асинхронних систем (мережі Петрі). Проблеми синхронізації та паралелізму.

2. Деякі класичні задачі моделювання конфліктів в мережі Петрі: задача про взаємне виключення, задача про виробника/споживача, задача про читання/запис, задача про мудреців, що обідають. Механізми синхронізації: P- і V- системи.

Модульний контроль.

Змістовний модуль 3. Теорія кодування і алгоритми стиснення. Поняття економного і оптимального кодування. Класифікація алгоритмів кодування (стиснення).

ТЕМА 6. Теорія кодування і алгоритми стиснення

1. Проблеми кодування і декодування. Роздільні схеми. Префіксні схеми. Алфавітне кодування. Ціна кодування.

2. Економне кодування Фано. Оптимальне кодування Хаффмена.

3. Класифікація алгоритмів кодування (стиснення): алфавітне, групове, словарне, адаптивне, напіваадаптивне, не адаптивне. Приклади алгоритмів кодування: групового — RLE, словарного — LZW.

4. Пряме і зворотне перетворення BWT.

Модульний контроль.

Модуль 2

Індивідуальне завдання — розрахункова робота: «Алгоритми оптимізації на графах».

4 Структура навчальної дисципліни

Назви модулів і тем	Кількість годин				
	денна форма				
	усього	у тому числі			
		л	п	лаб	с.р.
1	2	3	4	5	6
Модуль 1					
Змістовий модуль 1. Поняття комбінаторних задач; основні правила і формули комбінаторики; твірні функції; Основні визначення теорії графів; дерево графа, кліка графа; алгоритми оптимізації на графах					
1. Поняття комбінаторних задач; основні правила і формули комбінаторики.	4	1	1	-	2
2. Принцип включення виключення.	4	1	1	-	2
3. Основні визначення теорії графів.	5	2	1	-	2
4. Дерева. Дерево графа, кліка графа.	14	4	4	-	6
5. Алгоритми оптимізації на графах.	22	4	4	-	14
Модульний контроль 1	1		1		
Разом за змістовним модулем 1	50	12	12	0	26
Змістовний модуль № 2. Поняття абстрактного автомата. Умови автоматності. Мінімізація станів повних автоматів. Часткові автомати. Мінімізація часткових автоматів (знаходження покриваючого автомата). Математичні моделі дискретних					

асинхронних систем					
6. Введення в теорію кінцевих автоматів.	4	2	1	-	1
7. Побудова еквівалентних автоматів.	9	2	2	-	5
8. Часткові автомати.	8	2	2	-	4
9. Математичні моделі дискретних асинхронних систем (мережі Петрі).	5	2	1		2
10. Деякі класичні задачі моделювання конфліктів в мережі Петрі.	5	2	1		2
Модульний контроль 2.	1		1		
Разом за змістовним модулем 2	32	10	8		14
Змістовний модуль № 3. Теорія кодування і алгоритми стиснення. Поняття економного і оптимального кодування. Класифікація алгоритмів кодування (стиснення)					
11. Теорія кодування і алгоритми стиснення. Проблеми кодування і декодування.	12	4	4		4
12. Класифікація алгоритмів кодування (стиснення). Кодування та декодування інформації за допомогою деяких алгоритмів.	19	6	5		8
Модульний контроль 3	1		1		
Разом за змістовним модулем 3	32	10	10		12
Модуль 2					
Індивідуальне завдання	6				6
Усього годин за семестр	120	32	32		56

5 Теми лабораторних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
	Немає	

6 Теми семінарських занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
	Немає	

7 Теми практичних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Рішення різноманітних комбінаторних задач	2
2	Різнманітні засоби завдання графів. Характеристика графів.	1
3	Способи завдання та знаходження маршрутів у даному графі. Знаходження підграфів та частин графа.	1
4	Знаходження дерева по його символу та навпаки. Знаходження клик графа та дерев графа..	2
5	Знаходження мінімального остового дерева графа за алгоритмом Прима.	2
6	Знаходження найкоротшої відстані від заданої вершини у всі досяжні вершини даного графа	2
7	Знаходження найкоротшої відстані від заданої вершини в задану.	2

8	Знаходження максимального потоку в мережі.	2
9	Різноманітні засоби завдання автоматів. Знаходження вихідних слів.	2
10	Побудова автоматів Милі і Мура.	2
11	Побудова еквівалентних автоматів. Мінімізація станів повних автоматів.	2
12	Знаходження покриваючого автомата для мінімізації часткових автоматів.	2
13	Побудова графа розміток, з'ясування живучості та стійкості переходів в заданій мережі Петрі при заданій розмітці.	2
14	Побудова мереж Петрі.	2
15	Кодування інформації за допомогою алгоритмів Фано і Хаффмена.	2
16	Кодування та декодування інформації за допомогою алгоритмів LZW, RLE.	2
17	Кодування та декодування інформації за допомогою алгоритму BWT.	2
	Разом	32

8 Самостійна робота

№ з/п	Назва теми	Кількість годин
1	Відпрацювання матеріалів лекційних занять за темами 1	5
2	Відпрацювання матеріалів лекційних занять за темами 2, 3	15
3	Відпрацювання матеріалів лекційних занять за темою 4	12
4	Відпрацювання матеріалів лекційних занять за темою 5	8
5	Відпрацювання матеріалів лекційних занять за темою 6	10
6	Виконання розрахункової роботи	6
	Разом	56

9 Індивідуальні завдання

Розрахункова робота на тему «Алгоритми оптимізації на графах» (6 год.).

10 Методи навчання

Проведення аудиторних лекцій, практичних занять, консультацій, а також самостійна робота студентів за матеріалами, опублікованими кафедрою..

11 Методи контролю

Проведення поточного контролю, письмового модульного контролю, підсумковий контроль у вигляді іспиту.

12 Критерії оцінювання та розподіл балів, які отримують студенти

Складові навчальної роботи	Бали за одне заняття (завдання)	Кількість занять (завдань)	Сумарна кількість балів
Змістовий модуль 1			
Робота на практиці	3...5	2	6...10
Модульний контроль	3...6	2	6...12
Змістовий модуль 2			
Робота на практиці	3...5	2	6...10

Модульний контроль	3...5	2	6...10
Змістовий модуль 3			
Робота на практиці	3...5	2	6...10
Модульний контроль	3...6	2	6...12
Виконання і захист розрахункової роботи	8...12	3	24...36
Усього за семестр			60...100

Контроль знань при проведенні практичних занять оцінюється за такими шкалами:

повна відповідь на питання +1 бал; відсутність на занятті -1 бал.

Поточний модульний контроль передбачає виконання 3-х контрольних завдань (максимум 25 балів за кожне) і індивідуальне завдання у вигляді РР (максимальна кількість балів — 25).

Необхідний обсяг знань для одержання позитивної оцінки:

- знати базові поняття комбінаторики;
- знати базові поняття теорії графів;
- знати базові поняття теорії кінцевих автоматів;
- знати базові поняття з теорії мереж Петрі;
- знати базові поняття з теорії кодування.

Необхідний обсяг вмінь для одержання позитивної оцінки:

- вміти розв'язувати завдання з комбінаторики;
- вміти застосовувати на практиці алгоритми оптимізації для задач теорії графів;
- вміти мінімізувати кількість станів кінцевого та часткового автоматів;
- вміти побудувати граф розміток для даної мережі Петрі;
- вміти кодувати та декодувати інформацію за допомогою алгоритмів компресії

Семестровий контроль у вигляді іспиту проводиться у разі відмови студента від балів поточного тестування й за наявності допуску до іспиту. Під час складання семестрового іспиту студент має можливість отримати максимум 100 балів.

Білет для іспиту складається з двох теоретичних запитань та одного практичного, максимальна кількість за кожне теоретичне питання складає 30 балів і за практичне — 40балів.

Критерії оцінювання роботи студента протягом семестру

Задовільно (60-74). Показати мінімум знань та умінь. Виконати усі три модульних контролі та індивідуальне завдання не менше ніж на 60 балів в сумі.

Добре (75-89). Твердо знати мінімум, Виконати усі три модульних контролі та індивідуальне завдання не менше ніж на 75 балів в сумі.

Відмінно (90-100). Здати всі контрольні точки та індивідуальне завдання з оцінкою «відмінно». Досконально знати всі теми та вміти їх застосовувати.

Шкала оцінювання: бальна і традиційна

Сума балів	Оцінка за традиційною шкалою	
	Іспит, диференційований залік	Залік
90 – 100	Відмінно	Зараховано
75 – 89	Добре	
60 – 74	Задовільно	
0 – 59	Незадовільно	Не зараховано

13 Методичне забезпечення

1. Система управління курсами кафедри комп'ютерних систем, мереж і кібербезпеки [Ел. ресурс]. URL: <https://elearn.csn.khai.edu>
2. Сторінка дисципліни у системі дистанційного навчання «Ментор» [Ел. ресурс]. URL: <https://mentor.khai.edu/view.php?id=3738>

14 Рекомендована література

Базова

1. М. Биков, В. Черв'яков. Дискретний аналіз і теорія автоматів. Суми: Сумський державний університет, 2016.
2. Коноваленко О.Є., Ткачук М.А., Грабовський А.В. Дискретна математика: навч.- метод. посібник. Харків: НТУ «ХПІ», 2016. 84 с.
3. Кузьменко І. М. Теорія графів. Навч. посібник для здобувачів ступеня бакалавра за спеціальністю «Комп'ютерні науки». — Київ КПІ ім. Ігоря Сікорського, 2020.
4. Матвієнко М. П. Дискретна математика. Підручник. Вид. 2-ге перероб. і доп. — Київ : Видавництво «Ліра-К», 2017. — 324 с.

Допоміжна

1. С. Гавриленко, А. Клименко, Н. Любченко, В. Смоляр, С. Тишко. Теорія цифрових автоматів та формальних мов (вступний курс). Харків: НТУ «ХПІ», 2011.
2. Kenneth H. Rosen. Discrete Mathematics and Its Applications. Monmouth University (and formerly AT&T Laboratories). 2011. — 1071 p. https://faculty.ksu.edu.sa/sites/default/files/rosen_discrete_mathematics_and_its_applications_7th_edition.pdf
3. Gary Chartrand, Ping Zhang. A First Course in Graph Theory. Western Michigan University DOVER PUBLICATIONS, INC. Mineola, New York/ 2012/ — 447 p.

Інформаційні ресурси

1. http://lib.ysu.am/disciplines_bk/86ed8ab971105564c1b66357510f992a.pdf
2. https://stud.com.ua/98834/informatika/merezhi_petri
3. Ментор. <https://mentor.khai.edu/course/view.php?id=3738>