

Міністерство освіти і науки України  
Національний аерокосмічний університет ім. М. С. Жуковського  
«Харківський авіаційний інститут»

Кафедра математичного моделювання та штучного інтелекту (№ 304)

**ЗАТВЕРДЖУЮ**

Гарант освітньої програми

 О. В. Карташов  
(підпис) (ініціали та прізвище)

« 30 » 08 2023 р.

**РОБОЧА ПРОГРАМА ОБОВ'ЯЗКОВОЇ  
НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ**

**МЕТОДИ ОБЧИСЛЕНЬ**

(назва навчальної дисципліни)

Галузь знань: 11 «Математика та статистика»  
(шифр і найменування галузі знань)

Спеціальність: 113 «Прикладна математика»  
(код і найменування спеціальності)

Освітня програма: Обчислювальний інтелект  
(найменування освітньої програми)

**Форма навчання: денна**

**Рівень вищої освіти: перший (бакалаврський)**

**Харків 2023 рік**

Робоча програма навчальної дисципліни

«Методи обчислень»

(назва навчальної дисципліни)

для студентів за спеціальністю 113 «Прикладна математика»

освітніми програмами «Обчислювальний інтелект»

«27» серпня 2023 р. – 15 с.

РОЗРОБНИК ПРОГРАМИ:

Скоб Ю. О., проф. кафедри 304, д. т. н., доцент

(прізвище та ініціали, посада, наукова ступень та вчене звання)

(підпис)

Робочу програму розглянуто на засіданні кафедри Математичного  
моделювання та штучного інтелекту» (№ 304)

(назва кафедри)

Протокол № 1 від «30» серпня 2023 р.

Завідувач  
кафедри № 304

д.т.н., професор

(науковий ступінь і вчене звання)

(підпис)

А. Г. Чухрай

(ініціали та прізвище)

## 1. Опис навчальної дисципліни

Найменування показника	Галузь знань, спеціальність, освітня програма, рівень вищої освіти	Характеристика навчальної дисципліни (денна форма навчання)	
Кількість кредитів – 8,5	<b>Галузь знань</b> <u>11 «Математика та статистика»</u> <small>(шифр і найменування)</small>  <b>Спеціальність</b> <u>113 «Прикладна математика»</u> <small>(код і найменування)</small>  <b>Освітня програма</b> <u>Обчислювальний інтелект</u> <small>(найменування)</small>  <b>Рівень вищої освіти:</b> <u>перший</u> <b>(бакалаврський)</b>	Обов'язкова (загально-професійний розділ)	
Кількість модулів – 2		<b>Навчальний рік</b>	
Кількість змістовних модулів – 6		2023/2023	
Індивідуальне завдання  «Знаходження власних значень і власних векторів матриць»		<b>Семестр</b>	
Загальна кількість годин – 136/255		3-й	4-й
Кількість тижневих годин для денної форми навчання: аудиторних – 4,25 год. самостійної роботи студента – 3,72 год.		<b>Лекції*</b>	
	32 год.	32 год.	
	<b>Практичні, семінарські*</b>		
	<b>Лабораторні*</b>		
	32 год.	40 год.	
	<b>Самостійна робота</b>		
	56 год.	63 год.	
	<b>Вид контролю</b>		
	залік	іспит	

Співвідношення кількості годин аудиторних занять до самостійної роботи становить: 136/ 119.

\*Аудиторне навантаження може бути зменшене або збільшене на одну годину залежно від розкладу занять.

## 2. Мета та завдання навчальної дисципліни

**Мета:** глибоке засвоєння знань щодо основних методів вищої математики, що забезпечать логіку математичного мислення студентів.

**Завдання:** застосовувати сучасний інструментарій у вигляді систем комп'ютерної математики та інших прикладних програм для вирішення задач

проектування; вибрати серед існуючих методів математичних задач ті, які відповідають конкретній задачі, що вирішується.

Згідно з вимогами освітньо-професійної програми студенти повинні досягти таких **компетентностей**:

1. ЗК 4. Здатність до абстрактного мислення, аналізу та синтезу на відповідних рівнях
2. ЗК 5. Здатність оцінювати та забезпечувати якість виконуваних робіт
3. ЗК 16. Базові знання в області фундаментальної та прикладної математики та уміння їх застосовувати в науково-дослідній і професійній діяльності.
4. ФК 1. Ґрунтовна математична підготовка, а також підготовка з теоретичних, методичних і алгоритмічних основ інформаційних технологій для використання математичного апарату під час вирішення прикладних і наукових завдань в області інформаційних систем і технологій.

#### **Програмні результати навчання:**

ПРН 1. Здатність до математичного та логічного мислення, знання основних понять, ідей і методів фундаментальної математики та вміння їх використовувати під час розв'язання конкретних завдань.

ПРН 7. Знання теоретичних особливостей чисельних методів, можливостей їх адаптації до інженерних задач, уміння використовувати чисельні методи під час розв'язання різних прикладних задач.

**Міждисциплінарні зв'язки:** для вивчення дисципліни «Методи обчислень (мова Python)» необхідно володіти запасом знань таких дисциплін, як математичний аналіз, алгебра та геометрія, диференціальні рівняння, програмування. В подальшому знання з дисципліни «Методи обчислень (мова Python)» стануть основою для вивчення таких дисциплін, як «Методи оптимізації», «Рівняння математичної фізики» та ін.

### **3. Програма навчальної дисципліни**

#### **Модуль 1.**

**Змістовний модуль 1. Класифікація похибок, дії з наближеними величинами. Основи роботи у середовище пакетів MathCAD та мови програмування Python.**

**Тема 1. Вступ до навчальної дисципліни «Методи обчислень».**

Предмет вивчення і задачі дисципліни «Методи обчислень». Основні історичні етапи розвитку обчислювальної математики.

**Тема 2. Знайомство з пакетом MathCAD. Основні характеристики і принципи роботи. Основи роботи у середовищі Python.**

Знайомство з пакетами прикладних програм (ППП) для автоматизації математичних і наукових розрахунків MathCAD. Основні характеристики і принципи роботи в пакеті MathCAD. Програмування в ППП MathCAD. Графіка пакету. Використання пакету MathCAD для рішення найпростіших задач.

Основи роботи у середовищі Python.

**Тема 3. Математичне моделювання. Основи теорії похибок.**

Особливості побудови математичних моделей. Способи опису: детермінантні моделі, стохастичні моделі. Кількість реалізацій і точність обчислень. Похибки обчислень, алгоритмів, математичних моделей. Абсолютна і відносна похибки. Поширення похибок.

#### **Модульний контроль**

**Змістовний модуль 2. Чисельне розв'язування рівнянь і систем алгебраїчних рівнянь.**

**Тема 4. Чисельні методи рішення алгебраїчних та трансцендентних рівнянь.**

Методи відділення коренів рівнянь. Теорема Больцано-Коші. Метод дихотомії. Метод хорд. Метод дотичних (Ньютона), модифікація методів. Комбінований метод. Збіжність методів. Визначення похибки обчислень. Наближене рішення рівнянь методом ітерацій (послідовних наближень). Теорема про збіжність методу простої ітерації. Використання пакету MathCAD та мови програмування Python для розв'язування рівнянь, вбудовані функції MathCAD та Python.

**Тема 5. Чисельні методи лінійної алгебри.**

Рішення системи лінійних алгебраїчних рівнянь (СЛАР) методом Гауса. Схема єдиного розподілу. Прямий і зворотний хід. Обчислення визначника матриці методом Гауса. Знаходження зворотної матриці. Рішення СЛАР методом прогону. Ітераційні методи рішення СЛАР. Визначення і види норм матриці. Зведення системи до виду, зручному для ітерацій. Метод простої ітерації (Якобі). Теорема про збіжність методу. Метод Гауса-Зейделя. Теорема про збіжність. Порівняння методів. Рішення систем рівнянь та нерівностей у середовищі пакету MathCAD та мови програмування Python для розв'язування рівнянь, вбудовані функції пакету та Python.

**Модульний контроль**

**Змістовний модуль 3. Інтерполяція та наближення поліномами**

**Тема 6. Постановка задачі наближення функції. Інтерполяційний поліном Лагранжа.**

Постановка задачі інтерполяції та екстраполяції. Побудова інтерполяційного поліному Лагранжа. Приклади використання. Похибка інтерполяційної формули Лагранжа. Рішення задачі інтерполяції у середовищі пакету MathCAD та мови програмування, вбудовані функції пакету та Python.

**Тема 7. Перша і друга інтерполяційні формули Ньютона. Формула Гауса.**

Кінцеві різниці та їх властивості. Вивід першої та другої інтерполяційної формули Ньютона. Залишкові члени інтерполяційних формул. Центральні різниці. Перша та друга інтерполяційні формули Гауса.

**Тема 8. Наближене диференціювання функцій , заданих як таблиця . Зворотна інтерполяція.**

Наближене диференціювання функцій , заданих як таблиця. Оцінка похибки. Зворотна інтерполяція.

**Модуль 2.**

**Змістовний модуль 4. Наближення функцій. Побудова кривої по точкам.**

**Тема 9. Сплайн-інтерполяція.**

Постановка задачі. Загальний вигляд кубічного сплайну. Побудова кубічного сплайну. Види сплайнів. Вирішення задачі знаходження коефіцієнтів кубічного сплайну за допомогою метода прогону. Рішення задачі сплайнової інтерполяції у середовищі пакету MathCAD та мови програмування Python для розв'язування рівнянь, вбудовані функції пакету та Python.

**Тема 10. Метод найменших квадратів (МНК).**

Метод найменших квадратів. Постановка задачі. Загальний випадок. Степенний базис. Випадок лінійних функцій. Апроксимація табличних даних за допомогою прямої та параболи.

МНК у випадку нелінійних функцій. Методи лінеаризації. Рішення задачі апроксимації у середовищі пакету MathCAD та мови програмування Python, вбудовані функції MathCAD та Python.

**Модульний контроль**

### **Змістовий модуль 5. Чисельне інтегрування.**

#### **Тема 11. Наближене обчислення інтегралів. Постановка задачі. Формули прямокутників. Квадратурні формули Ньютона-Котеса. Похибки. Формула Рунге.**

Постановка задачі обчислення інтегралу. Найпростіші квадратурні формули – формули лівих та правих прямокутників. Геометрична інтерпретація. Погрішність формул. Формула середніх прямокутників. Геометрична інтерпретація. Похибка формули середніх прямокутників.

Загальна ідея квадратурних формул. Вивід загального виду квадратурної формули - формула Ньютона-Котеса. Формули прямокутників. Формула трапецій. Формула Сімпсона(формула парабол). Геометричний зміст. Залишковий член формули Симпсона. Похибки квадратурних формул. Формула Рунге. Методика чисельного інтегрування у середовищі пакету MathCAD та мови програмування Python, вбудовані функції MathCAD та Python.

#### **Тема 12. Квадратурні формули Чебишева, Гауса.**

Квадратурна формула Чебишева. Недоліки квадратурної формули Чебишева. Особливості використання. Квадратурна формула Гауса. Вид поліномів Лежандра. Геометрична інтерпретація. Властивості поліномів Лежандра. Вивід формули Гауса. Особливості використання. Приклади.

#### **Тема 13. Чисельне рішення лінійних інтегральних рівнянь. Інтегральні рівняння Фредгольма, Вольтера. Метод кінцевих сум.**

Постановка задачі обчислення інтегральних рівнянь. Види інтегральних рівнянь. Рівняння Фредгольма першого та другого роду. Рівняння Вольтера. Теорія Фредгольма, основні положення. Заміна інтегрального рівняння системою лінійних алгебраїчних рівнянь – метод кінцевих сум. Приклади.

### **Модульний контроль**

### **Змістовий модуль 6. Розв'язання звичайних диференціальних рівнянь (ЗДР)**

#### **Тема 14. Задача Коші. Однокрокові методи. Методи Ейлера. Метод Рунге-Куты**

Постановка задачі Коші. Однокрокові методи. Метод Ейлера. Уточнений метод Ейлера. Метод Рунге-Куты. Методика з'ясування порядку похибки наближеного методу рішення задачі Коші. Геометрична інтерпретація однокрокових методів. Методика чисельного розв'язання ЗДР у середовищі пакету MathCAD та мови програмування Python, вбудовані функції MathCAD та Python.

#### **Тема 15. Багатокрокові методи рішення диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Метод Адамса. Похибка методів.**

Різницеві методи розв'язування задачі Коші ( методи типу Адамса - екстраполяційні та інтерполяційні).Багатокрокові методи рішення диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Загальна похибка методу Мілна. Метод Адамса. Загальна похибка методу Адамса. Застосування методів Мілна й Адамса. Приклади

#### **Тема 16. Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь I порядку.**

Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь I порядку Метод Ейлера. Рішення задачі Коші для звичайних диференціальних рівнянь порядку вище першого.

#### **Тема 17. Вирішення граничних задач. Метод кінцевих різностей для лінійних граничних задач.**

Заміна похідних функцій за допомогою кінцевих різностей. Метод прогону. Оцінка похибки. Стійкість та збіжність різницевих схем. Комп'ютерне моделювання в середовищах пакету MathCAD та Python. Приклади.

### **Модульний контроль**

#### 4. Структура навчальної дисципліни

Назва змістовного модуля і тем	Кількість годин				
	Усього	У тому числі			
		л	п	лаб.	с. р.
1	2	3	4	5	6
<b>Модуль 1</b>					
<b>Змістовний модуль 1. Класифікація похибок, дії з наближеними величинами. Основи роботи у середовище пакету MathCAD та мови програмування Python</b>					
Тема 1. <i>Вступ до навчальної дисципліни «Методи обчислень» .</i>	2	2			
Тема 2. <i>Знайомство з пакетом MathCAD. Основні характеристики і принципи роботи. Основи роботи у середовищі Python.</i>	19	2		4	13
Тема 3. <i>Математичне моделювання. Основи теорії похибок .</i>	6	2		2	2
Модульний контроль	2	2			
<b>Разом за змістовним модулем 1</b>	<b>29</b>	<b>8</b>		<b>6</b>	<b>15</b>
<b>Змістовний модуль 2. Чисельне розв'язування рівнянь і систем рівнянь</b>					
Тема 4. <i>Чисельні методи рішення алгебраїчних та трансцендентних рівнянь.</i>	18	6		6	6
Тема 5. <i>Чисельні методи лінійної алгебри.</i>	16	6		4	6
Модульний контроль	2			2	
<b>Разом за змістовним модулем 2</b>	<b>36</b>	<b>12</b>		<b>12</b>	<b>12</b>
<b>Усього годин</b>					
<b>Змістовний модуль 3. Інтерполяція та наближення поліномами</b>					
Тема 6. <i>Постановка задачі наближення функції. Інтерполяційний поліном Лагранжа.</i>	16	4		4	8
Тема 7. <i>Перша і друга інтерполяційні формули Ньютона. Формула Гауса.</i>	21	4		6	11
Тема 8. <i>Наближене диференціювання функцій, заданих як таблиця. Зворотна інтерполяція.</i>	16	4		2	10
Модульний контроль	2			2	
Разом за змістовним модулем 3	55	12		14	29
<b>Контрольний захід – іспит</b>					
<b>Усього годин (3 семестр)</b>	<b>120</b>	<b>32</b>		<b>32</b>	<b>56</b>
<b>Модуль 2</b>					
<b>Змістовний модуль 4. Наближення функцій. Побудова кривої по точкам.</b>					
Тема 9. <i>Слайн-інтерполяція.</i>	16	4		4	8
Тема 10. <i>Метод найменших квадратів (МНК).</i>	16	4		4	8

<b>Модульний контроль</b>	2			2	
Разом за змістовним модулем 4	34	8		10	16
<b>Змістовний модуль 5. Наближене обчислення інтегралів. Інтегральні рівняння.</b>					
Тема 11. <i>Наближене обчислення інтегралів. Постановка задачі. Формули прямокутників. Квадратурні формули Ньютона - Котеса. Похибки. Формула Рунге.</i>	16	6		4	6
Тема 12. <b>Квадратурні формули Чебишева, Гауса.</b>	13	2		3	8
Тема 13. <i>Чисельне рішення лінійних інтегральних рівнянь. Інтегральні рівняння Фредгольма, Вольтера. Метод кінцевих сум.</i>	18	4		4	10
<b>Модульний контроль</b>	2			2	
Разом за змістовним модулем 5	49	12		13	24
<b>Змістовний модуль 6. Розв'язання звичайних диференціальних рівнянь (ЗДР)</b>					
Тема 14. <i>Задача Коши. Однокрокові методи. Методи Ейлера . Метод Рунге-Кута</i>	13	4		3	6
Тема 15. <i>Багатокрокові методи рішення диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Метод Адамса. Похибка методів.</i>	13	4		4	5
Тема 16. <i>Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь I порядку.</i>	12	2		4	6
Тема 17. <i>Вирішення граничних задач. Метод кінцевих різностей для лінійних граничних задач</i>	12	2		4	6
<b>Модульний контроль</b>	2			2	
Разом за змістовним модулем 6	52	12		17	23
<b>Усього годин(4 семестр)</b>	135	32		40	63
<b>Контрольний захід – іспит</b>					
<b>Усього годин</b>	<b>255</b>	<b>64</b>		<b>72</b>	<b>119</b>

#### 5. Теми семінарських занять

№ п/п	Назва теми	Кількість годин
1		
2		
	<b>Разом</b>	

#### 6. Теми практичних занять

№ п/п	Назва теми	Кількість годин
1		
2		
	<b>Разом</b>	



## 7. Теми лабораторних занять

№ з/п	Назва теми	Кількість Годин
1	2	3
	Змістовий модуль 1. Класифікація похибок, дії з наближеними величинами. Основи роботи у середовище пакету MathCAD та середовищі мови програмування Python	
1	1. Основи роботи в пакеті MathCAD. 2. Основи роботи в Python. 3. Похибки обчислень. Абсолютна і відносна похибки. Поширення похибок.	2 2 2
2	Змістовий модуль 2. Чисельне розв'язування рівнянь й систем рівнянь	
	4. Методи рішення трансцендентних рівнянь. Задача відділення коренів. Метод дихотомії.	2 2 2
...	5. Метод хорд, дотичних. Комбінований метод. 6. Метод ітерацій. Приведення системи до методу ітерацій. 7. Рішення СЛАР методом Гауса. Обчислення визначника. Обчислення зворотної матриці.	2 2
	8. Зведення системи до виду, придатному для методу ітерацій. Рішення СЛАР методом простої ітерації. Метод Зейделя 9. Модульний контроль.	2
3	Змістовий модуль 3. Інтерполяція та наближення поліномами	
	10. Інтерполяційний поліном Лагранжа.	4
...	11. Перша і друга інтерполяційні формули Ньютона. Інтерполяційна формула Гауса.	6
	12. Наближене диференціювання функцій, заданих як таблиця. Зворотна інтерполяція.	2
	13. Модульний контроль	2
	<b>Разом (3 семестр)</b>	<b>32</b>
4	Змістовий модуль 4. Наближення функцій. Побудова кривої по точкам.	
	14. Сплайн-інтерполяція	4
	15. Метод найменших квадратів. Лінійна апроксимація. Метод найменших квадратів. Квадратична апроксимація.	2
	16. Метод найменших квадратів у випадку нелінійних функцій. Лінійаризація.	2
	17. Модульний контроль.	2
4	Змістовий модуль 5. Наближене обчислення інтегралів. Інтегральні рівняння.	
	18. Наближене обчислення інтегралів. Методи прямокутників. Формула трапецій, обчислення апіорної та апостеріорної похибки.	2
	19. Формула Сімпсона, обчислення апіорної та апостеріорної похибки.	2
	20. Формула Чебишева та Гауса обчислення інтегралів.	3
	21. Інтегральні рівняння Фредгольма, Вольтерра.	4
	22. Модульний контроль.	2

5	Змістовий модуль 6. Розв'язання звичайних диференціальних рівнянь (ЗДР)	
	22. Рішення звичайних диференціальних рівнянь. Однокрокові методи Ейлера. Метод Рунге-Кута.	3
	23. Рішення звичайних диференціальних рівнянь. Багатокрокові методи – метод Адамса, метод Мілна.	4
	24. Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь I порядку. Метод Ейлера.	4
	25. Метод кінцевих різностей для лінійних граничних задач.	4
	26. Модульний контроль	2
	Разом(4 семестр)	40
	<b>Разом</b>	<b>72</b>

## 8. Самостійна робота

№ з/п	Назва теми	Кількість Годин
1	Робота у середовищі пакету MathCAD. Вивчення та засвоєння основних характеристик математичного пакету, принципів роботи.	10
2	Основи програмування Python.	6
3	Особливості побудови математичних моделей. Способи опису: детермінантні моделі, стохастичні моделі.	6
4	Методи рішення трансцендентних рівнянь.	8
5	Метод Ньютона для систем нелінійних рівнянь. Збіжність методу.	8
7	Задачі наближення функції. Наближене диференціювання функцій, заданих як таблиця. Зворотна інтерполяція	8
8	Робота у середовищі Python та пакету MathCAD. Застосування дескрипторної графіки	10
	<b>Разом (3 семестр)</b>	<b>56</b>
9	<i>Сплайн-інтерполяція.</i>	8
10	<i>Метод найменших квадратів (МНК).</i>	8
11	Наближене обчислення інтегралів. Постановка задачі. Формули прямокутників. Квадратурні формули Ньютона - Котеса. Похибки. Формула Рунге	6
12	Квадратурні формули Чебишева, Гауса	8
	Чисельне рішення лінійних інтегральних рівнянь. Інтегральні рівняння Фредгольма, Вольтера. Метод кінцевих сум.	10
13	Задача Коши. Однокрокові методи. Методи Ейлера . Метод Рунге-Кута	6
14	Багатокрокові методи рішення диференціальних рівнянь. Метод Мілна. Метод Адамса. Похибка методів.	5
15	Рішення систем звичайних диференціальних рівнянь I порядку.	6
16	Вирішення граничних задач. Метод кінцевих різностей для лінійних граничних задач	6
	<b>Разом (4 семестр)</b>	<b>63</b>
	<b>Разом</b>	<b>119</b>

## 9. Індивідуальні завдання

1. Розрахункова робота . «Знаходження власних значень і власних векторів матриць»

## 10. Методи навчання

1. Пояснювально-ілюстративний (інформаційно-рецептивний) метод: та метод проблемного виконання (лекція).
2. Репродуктивний (лабораторні роботи).
3. Частково-пошуковий (евристичний) та дослідницький: (самостійна робота та виконання РР, курсової роботи).
4. Дисципліна «Методи обчислень (мова Python)» передбачає лекційні (в т.ч. з використанням мультимедійного обладнання) і лабораторні заняття під керівництвом викладача та самостійну роботу студента за підручниками і матеріалами, опублікованими кафедрою (методичні посібники і мережеві ресурси), що забезпечує закріплення теоретичних знань, сприяє набуттю практичних навичок і розвитку самостійного наукового мислення. Передбачено регулярні індивідуальні консультації.

## 11. Методи контролю

Визначення рівня засвоєння студентом навчального матеріалу дисципліни здійснюється шляхом проведення поточних (захист лаб. робіт, поточні контрольні з теоретичного матеріалу) і підсумкових контролів (захист змістовного модуля, екзамен).

У завдання поточного контролю входить систематична перевірка розуміння й засвоєння студентом програмного матеріалу, виконання практичних і лабораторних робіт, уміння самостійно проробляти тексти, написання звітів, здатності усно або письмово представляти певний матеріал.

Перед підсумковим контролем ставиться завдання перевірки глибини засвоєння студентом програмного матеріалу дисципліни, логіки й взаємозв'язки між її окремими розділами, здатності творчо використати придбані знання, уміння сформулювати своє відношення до проблеми, що впливає зі змісту дисципліни.

## 12. Критерії оцінювання та розподіл балів, які отримують студенти

### 12.1. Розподіл балів, які отримують студенти (кількісні критерії оцінювання)

3 семестр

Складові навчальної роботи	Бали за одне заняття (завдання)	Кількість занять (завдань)	Сумарна кількість балів
<b>Змістовний модуль 1</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	3	9...15
Модульний контроль	3...5	2	6...10
<b>Змістовний модуль 2</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	5	15...25
Модульний контроль	3...5	2	6...10
<b>Змістовний модуль 3</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	3	9...15
Модульний контроль	3...5	2	6...10
Виконання і захист РР	9...15	1	9...15
<b>Усього за семестр 3 семестр</b>			<b>60...100</b>

## 4 семестр

Складові навчальної роботи	Бали за одне заняття (завдання)	Кількість занять (завдань)	Сумарна кількість балів
<b>Змістовний модуль 4</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	3	9...15
Модульний контроль	3...5	2	6...10
<b>Змістовний модуль 5</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	4	12...20
Модульний контроль	3...5	2	6...10
<b>Змістовний модуль 6</b>			
Виконання і захист лабораторних (практичних) робіт	3...5	4	12...20
Модульний контроль	3...5	2	6...10
Виконання і захист РР,	9...15	1	9...15
<b>Усього за семестр 4 семестр</b>			<b>60...100</b>

Семестровий контроль (іспит/залік) проводиться у разі відмови студента від балів поточного тестування й за наявності допуску до іспиту/заліку. Під час складання семестрового іспиту/заліку студент має можливість отримати максимум 100 балів.

Білет для іспиту/заліку складається з 3-х питань...

Питання	бали
1. Теоретичне	0..30
2. Практичне	0..35
3. Практичне	0..35

## 12.2. Якісні критерії оцінювання

Необхідний обсяг знань для одержання позитивної оцінки:

- предмет чисельних методів, його основні поняття, вимоги до чисельних методів;
- етапи розв'язування задач на ЕОМ, особливості побудови математичних моделей; поняття про обчислювальний експеримент;
- чисельні методи лінійної алгебри;
- чисельні методи рішення нелінійних рівнянь;
- методи обробки даних (методи інтерполяції, апроксимація даних, чисельне диференціювання та інтегрування, статистична обробка даних);
- чисельне інтегрування;
- чисельні методи рішення звичайних диференціальних рівнянь, інтегральних рівнянь;
- склад і призначення пакету прикладних програм MathCAD;
- застосування пакету MathCAD для рішення задач чисельної математики;
- застосування мови програмування Python для вирішення інженерних задач за допомогою чисельних методів.

Необхідний обсяг вмінь для одержання позитивної оцінки:

- обґрунтовувати вибір чисельного методу розв'язування математичної задачі, знати особливості його реалізації на ЕОМ,
- володіти алгоритмом методу, вміти скласти програму на одній з мов програмування, використовувати готове ППП;
- проводити необхідні обчислення і аналіз отриманих результатів.

### 12.3 Критерії оцінювання роботи студента протягом 3 семестру

**Задовільно (60-74).** Показати мінімум знань та умінь. Захистити всі лабораторні роботи, індивідуальне завдання. Уміти працювати у пакеті MathCAD. Знати методи чисельного розв'язання рівнянь : дихотомії, хорд, Ньютона, комбінований, метод простої ітерації. Уміти рішати СЛАР методом Гауса та ітераційними методами. Знати методи наближення функцій. Використовувати вбудовані функції пакету MathCAD для вирішення задач чисельного аналізу.

**Добре (75-89).** Твердо знати мінімум, захистити всі індивідуальні завдання, виконати всі КР , захистити всі теоретичні питання та поза аудиторну самостійну роботу. Уміти працювати у пакеті MathCAD, складати програми для вирішення задач чисельної математики в Python. Знати методи чисельного розв'язання рівнянь : дихотомії, хорд, Ньютона, комбінований, метод простої ітерації. Уміти рішати СЛАР методом Гауса та ітераційними методами. Знати методи наближення функцій. Використовувати вбудовані функції пакету MathCAD, мови програмування Python для вирішення задач чисельного аналізу.

**Відмінно (90-100).** Здати всі контрольні точки з оцінкою «відмінно». Досконально знати всі теми та уміти застосовувати їх.

### Критерії оцінювання роботи студента протягом 4 семестру

**Задовільно (60-74).** Мати мінімум знань та умінь. Відпрацювати та захистити всі лабораторні роботи та домашні завдання. Знати методи наближення функцій сплайнами, вміти користуватися методом найменших квадратів (МНК). Уміти чисельно інтегрувати , вирішувати інтегральні рівняння. Знати методи чисельного розв'язання звичайних диференціальних рівнянь та систем звичайних диференціальних рівнянь. Використовувати вбудовані функції пакету MathCAD для вирішення задач чисельного аналізу.

**Добре (75 - 89).** Твердо знати мінімум знань, виконати усі завдання. Показати вміння виконувати та захищати всі лабораторні роботи в обумовлений викладачем строк з обґрунтуванням рішень та заходів, які запропоновано у роботах. Знати методи наближення функцій сплайнами, вміти користуватися методом найменших квадратів (МНК). Уміти чисельно інтегрувати , вирішувати інтегральні рівняння. Знати методи чисельного розв'язання звичайних диференціальних рівнянь та систем звичайних диференціальних рівнянь. Використовувати вбудовані функції пакету MathCAD, мови програмування Python для вирішення задач чисельного аналізу.

**Відмінно (90 - 100).** Повно знати основний та додатковий матеріал. Здати всі контрольні точки з оцінкою «відмінно». Знати усі теми. Орієнтуватися у підручниках та посібниках. Безпомилково виконувати та захищати всі лабораторні роботи в обумовлений викладачем строк з докладним обґрунтуванням рішень та заходів, які запропоновано у роботах.

### Шкала оцінювання: бальна і традиційна

Сума балів	Оцінка за традиційною шкалою	
	Іспит, диференційований залік	Залік
90 – 100	Відмінно	Зараховано
75 – 89	Добре	
60 – 74	Задовільно	
0 – 59	Незадовільно	Не зараховано

### 13. Методичне забезпечення

Навчально-методичне забезпечення дисципліни "Методи обчислень" для бакалаврів / Нац. аерокосм. ун-т ім. М. Є. Жуковського "Харків. авіац. ін-т" ; розроб. О. В. Ярова. - Харків, 2019. - 192 с. - [http://library.khai.edu/library/fulltexts/doc/\\_1001Metodi\\_Obchislen.pdf](http://library.khai.edu/library/fulltexts/doc/_1001Metodi_Obchislen.pdf)

1. Основи інформаційних технологій та програмування : навч. посіб. до лаб. практикуму / Ю. О. Скоб, О. В. Патокіна, О. В. Халтурін ; М-во освіти і науки України, Нац. аерокосм. ун-т ім. М.Є. Жуковського "Харк. авіац. ін-т". - Х. - Нац. аерокосм. ун-т ім. М.Є. Жуковського "Харк. авіац. ін-т", 2005. - 77 с.

2. Programming and numerical methods. Part 2: Numerical methods using MatLab and Mathcad : guidance manual for laboratory works / O.V. Yarova, D.I. Chumachenko. – Kharkiv : National Aerospace University «Khai», 2016. – 93 p.

### 14. Рекомендована література

#### Базова

1. Фельдман Л. П. Чисельні методи в інформатиці: Підручник / Л. П. Фельдман, А. І. Петренко, О. А. Дмитрієва. - К. : Видавнича група ВНУ, 2006. - 480 с.

2. Андруник В.А., Висоцька В.А., Пасічник В.В., Чирун Л.Б., Чирун Л.В. Чисельні методи в комп'ютерних науках: навчальний посібник, Том 2 за ред. В.В. Пасічника – Львів: Видавництво «Новий Світ – 2000», 2020. – 536 с.

3. Анджейчак І.А., Федюк Є.М. та ін. Практикум з обчислювальної математики. Основні числові методи. —Львів, 2001, ч.1, ч.2.

4. Матвійчук Я.М. Методи та алгоритми обчислень на ЕОМ / Навч. посібник. – Львів: Ліга-Прес, 2008. – 84 с.

5. С.Шахно. Чисельні методи лінійної алгебри. — Львів: Видавничий центр ЛНУ ім. Івана Франка, 2007. — 245 с.

6. Лященко М. Я. Чисельні методи / М. Я. Лященко, М. С. Головань. – К. : «Либідь», 1996. – 288 с.

7. Цегелик Г. Г. Чисельні методи : підручник / Г. Г. Цегелик. – Львів : Н. У., 2004. – 407 с.

8. Попов В. В. Методи обчислень: конспект лекцій / В. В. Попов. – К. : Видавничо-поліграфічний центр «Київський університет», 2012. – 303 с.

9. Кветний Р. Н. Методи комп'ютерних обчислень : навч. посібник / Р. Н. Кветний. – Вінниця: ВДТУ, 2001. – 148 с.

10. Бігун Я. Й. Числові методи розв'язування нелінійних рівнянь і систем : навч. посібник / Я. Й. Бігун, І. В. Березовська. – Чернівці : Чернівецький нац. ун-т, 2011. – 104 с.

11. Godel K. Collected works. – vol. I, (Publications 1929–1936), 1986, Oxford University Press, 504 p

## Допоміжна

1. Демидович Б.П., Марон И.А. Основы обчислювальної математики. М., 1963.
2. Карташов А.В. Скоб Ю.А., Халтурин В.А., Трофимова И.А., Чернишов Ю.К., Черноштан Л.И., Яровая О.В. Информатика. Учеб. пособие по лаб. практикуму. – Харьков: ХАИ, 2005. – 177с.
3. Яровая О.В. Патокина А.В. Численные методы с использованием математических пакетов MathCAD, MATLAB. Часть1. Учеб. пособие по лаб. практикуму. – Харьков: ХАИ, 2008. – 87с.
4. Яровая О.В. Патокина А.В. Численные методы с использованием математических пакетов MathCAD, MATLAB. Часть2. Учеб. пособие по лаб. практикуму. – Харьков: ХАИ, 2009. – 98с.
5. Чернышев Ю.К., Яровая О.В., Бакуменко Н.С., Угрюмов М.Л. Применение пакета MATLAB в инженерных расчетах. – Харьков, 2004. – 41 с.
6. Михайленко С.В. Прикладная математика: Лабораторный практикум по численным методам. – Харьков: ХАИ им. Н. Е. Жуковского, 1992. – 102с.
7. Соколов Ю.Н., Яровая О.В. Приближение функций. Применение пакетов MathCAD и MATLAB для решения задач интерполяции и аппроксимации функций: Учеб. пособие – Х.: Нац. аэрокосм. ун-т «Харьк. авиац. ин-т», 2016. – 126 с.
8. Соколов О.Ю., Зарецька І.Т., Жолткевич Г.М., Ярова О.В. Информатика для інженерів. – Харків;Факт, 2005.-423с.
9. Турчак Л.І. Основы чисельних методів: Нав. посібник. – М.: Наука, Гол.ред.фіз.-мат.літ., 1987. – 320с.
10. Очков В.Ф. Mathcad 14 для студентов, инженеров и конструкторов. – СПб.: BHV, 2009. –384с.
11. Алексеев Е. Р., Чеснокова О. В. Решение задач вычислительной математики в пакетах Mathcad 12, MATLAB 7, Maple 9. М: ИТ Пресс, 2006, – 496с.
12. Потьомкін В.Г. Система MATLAB : Довідковий посібник. – М.: Діалог МІФІ, 1997. – 350с.
13. Самарский Л.А., Гулін А.В. Чисельні методи. -М.: Наука, Гол. ред. фіз. -мат. літ., 1989. –432с.
14. Форсайт Дж. Малькольм М., Моулер К. Машинні методи математичних обчислень. Світ, 1980.

## 15. Інформаційні ресурси

1. Сайт кафедри <https://k304.khai.edu/>
2. Сайт Науково-технічної бібліотеки Національного аерокосмічного університету ім. М. Є. Жуковського (ХАІ) <https://library.khai.edu/>
3. Сайт Харківської Державної наукової бібліотеки ім. В. Г. Короленка <http://korolenko.kharkov.com/>  
Сайт eqworld – <http://eqworld.ipmnet.ru/en/library/mathematics.htm>